

前期日程

令和 6 年度入学試験問題（前期日程）

数 学

（教育学部）

解答上の注意事項

- 「解答始め」の合図があるまで問題を見てはならない。
- 問題冊子 1 冊および解答紙 3 枚がある。解答紙は 1 枚ずつ切り離して使用すること。
- 問題は [1] から [3] まで 3 問ある。各問の解答は所定の解答紙にのみ記入すること。
- 解答は、できるだけ解答紙の表面にすべて書くこと。やむを得ず解答紙の裏面を使う場合は、表面の右下に「裏面に続く」と書き、解答の続きを裏面の仕切り線の下に記入すること。
- 解答しない問題がある場合でも、解答紙 3 枚すべてを提出すること。
- 問題冊子は持ち帰ること。

1

平面上に $OA = 4$, $OB = \sqrt{2}$ を満たす $\triangle OAB$ がある。頂点 B から直線 OA に下ろした垂線を BC とする。また、頂点 O から直線 AB に下ろした垂線を OD とする。このとき、点 C は辺 OA を $1 : 3$ に内分しているとする。 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$ とおくとき、次の間に答えよ。

- (1) 内積 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ を求めよ。
- (2) 実数 s , t を用いて $\overrightarrow{OD} = s\vec{a} + t\vec{b}$ の形に表すとき、 s と t の値を求めよ。さらに、 $|\overrightarrow{OD}|$ の値を求めよ。
- (3) 直線 BC と直線 OD の交点を P とするとき、 $|\overrightarrow{OP}|$ の値を求めよ。

2

座標平面上で、点Pは原点 $(0, 0)$ を出発点とし、1個のさいころを投げて出た目によって次の通りに動くものとする。

出た目が奇数のとき、 x 軸の正の向きに1だけ動く

出た目が2または4のとき、 x 軸の負の向きに1だけ動く

出た目が6のとき、 y 軸の正の向きに1だけ動く

n を2以上の自然数とするとき、次の間に答えよ。

- (1) さいころを n 回投げるとき、点Pの座標が $(1, n-1)$ となる場合は何通りあるか。
- (2) さいころを n 回投げるとき、点Pの座標が $(0, n-2)$ となる場合は何通りあるか。
- (3) さいころを n 回投げるとき、点Pの x 座標が0以上、かつ y 座標が $n-2$ 以上となる場合は何通りあるか。

3

t は $0 < t < 1$ を満たすとする。

$$f(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2tx + 1, \quad g(x) = -\frac{1}{2}x^2 - (t-2)x - 2t + 1$$

とおく。次の間に答えよ。

- (1) 2つの曲線 $y = f(x)$ と $y = g(x)$ の交点の x 座標をすべて求めよ。
- (2) 2つの曲線 $y = f(x)$ と $y = g(x)$ および直線 $x = 2t$ で囲まれた 2つの図形のうち、左側の図形の面積 $S(t)$ を求めよ。
- (3) t が $0 < t < 1$ の範囲を動くとき、(2) の $S(t)$ の増減を調べ、極値を求めよ。